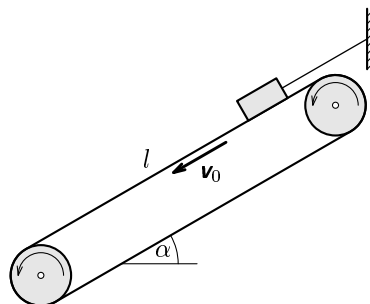


### Úlohy 1. kola 42. ročníku fyzikální olympiády. Kategorie C

Ve všech úlohách počítejte s tíhovým zrychlením  $g = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ .

1. Pás transportéru, jehož rovina svírá s vodorovnou rovinou ostrý úhel  $\alpha$ , se pohybuje stálou rychlostí  $v_0$  vzhledem k povrchu země ve směru vyznačeném na obr. 1. Na pásu je ve vzdálenosti  $l$  od dolního konce položena cihla, která je motouzem připevněna k nehybné stěně. Přestříhneme-li motouz, začne se cihla pohybovat po pásu. Za jakou dobu a jakou rychlostí dorazí k dolnímu konci pásu, je-li součinitel smykového tření mezi pásem a cihlou  $f$ ?



Obr. 1

Řešte obecně, pak pro hodnoty:  $v_0 = 3,0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ,  $\alpha = 30^\circ$ ,  $l = 3,0 \text{ m}$

a pro dvě různé hodnoty součinitele smykového tření:  $f_1 = 0,70$  a  $f_2 = 0,40$ .

Rozdíl mezi součinitelem tření v klidu a za pohybu zanedbejte.

2. Hustoměr vyrobený pro měření hustot v intervalu  $900 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$  až  $1100 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$  byl při teplotě  $25^\circ \text{C}$  ponořen do širší nádoby s destilovanou vodou. Z vody vyčnívá válcová trubice o průměru  $5,0 \text{ mm}$  se stupnicí hustoměru, na které čteme u hladiny hodnotu  $997 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ . Po vychýlení ve svislém směru se hustoměr rozkmitá podél své osy s periodou  $2,25 \text{ s}$ .
- Vysvětlete, proč můžeme při zanedbání vnitřního tření v kapalině považovat kmity za harmonické.
  - Určete objem ponořené části hustoměru před jeho rozkmitáním.
  - Určete délku stupnice hustoměru.

3. Kostky dětských obrázkových skládanek jsou dřevěné krychličky o hraně délky  $b = 40 \text{ mm}$ . Na stole leží řada  $n = 20$  takovýchto krychliček, kterou chceme zvednout tak, že na krajní krychličky budeme působit stejně velkými silami  $F_A$ ,  $F_B$ . Ze zkušenosti víme, že působiště sil musí být co nejbliže dolní hraně krychličky. Předpokládejme tedy ideální případ, kdy budeme působit přímo na dolní hranu (obr. 2).

Hustota krychliček je  $750 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ , součinitel klidového tření mezi krychličkami je  $f_0 = 0,65$ .



Obr. 2

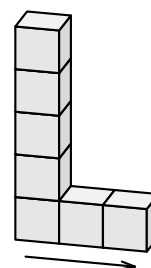
- Jak velké musí být svislé složky  $F'$  sil  $F_A$  a  $F_B$ ?
- Jak velkou přítláčnou silou ve vodorovném směru na sebe působí jednotlivé křehličky?
- Jak velkou svislou silou působí  $(i + 1)$ -ní křehlička na  $i$ -tou? Mezi kterými křehličkami je tato síla největší? Toto silové působení je umožněno třením mezi křehličkami. Jaké musí být minimální velikosti vodorovných složek  $F$ ,  $-F$  sil  $F_A$ ,  $F_B$ , aby nedošlo k proklouznutí?
- Jak vysoko nad dolní hranou je působíště přítláčné síly mezi  $(i + 1)$ -ní a  $i$ -tou křehličkou? Mezi kterými křehličkami je působíště nejvýše?
- Výška působíště pochopitelně nemůže být větší než  $b$ , jinak by došlo ke „zlomení“ řady. Jaká musí být minimální velikost složek  $F$ ,  $-F$ , aby ke zlomení nedošlo?

Úlohu řešte obecně. Číselně určete jen velikosti sil  $F'$  v úkolu a) a velikost minimální síly v úkolech c) a e).

- Těleso ve tvaru písmene „L“, které vzniklo slepením sedmi dřevěných křehliček o hraně  $s = 4,0$  cm a hustotě  $\rho = 750 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ , položíme na gumovou podlahu automobilu rozjíždějícího se ve směru šipky (obr. 3). Součinitel klidového tření mezi tělesem a podlahou je  $f_0 = 0,70$ .

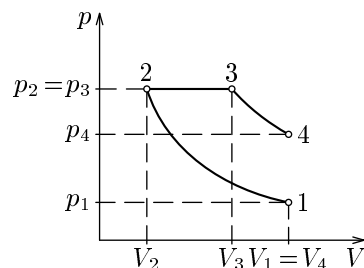
Určete:

- polohu těžiště tělesa,
- působíště, směr a velikost nejmenší síly, která těleso poválí na podlahu,
- zrychlení automobilu během rozjíždění, při kterém se těleso svalí dozadu,
- rychlost automobilu během jízdy po kruhovém objezdu o poloměru 20 m, při které se těleso svalí na bok,
- zrychlení automobilu během brzdění, při kterém se těleso svalí dopředu.



Obr. 3

5. V ideálním plynu stálé hmotnosti s dvouatomovými molekulami proběhl děj 1-2-3-4 znázorněný grafem  $p = f(V)$  na obr. 4. Úseky 1-2 a 3-4 odpovídají izotermickým dějům. Počáteční hodnoty stavových veličin:  $T_1 = 300 \text{ K}$ ,  $V_1 = 1,00 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$ ,  $p_1 = 1,00 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ . Dále platí  $V_2 = 0,25 V_1$ ,  $V_3 = 0,70 V_1$ .



Obr. 4

- Určete hodnoty stavových veličin  $p$ ,  $V$ ,  $T$ ,  $U$  v krajních bodech každého úseku děje.  $U$  je vnitřní energie plynu.
- Ve kterém úseku děje koná plyn práci? Ve kterém odevzdává teplo do okolí? Odpovědi zdůvodněte a vypočítejte hodnoty těchto veličin.
- Znázorněte děj 1-2-3-4 grafy funkcí  $p = f(T)$ ,  $V = f(T)$ ,  $U = f(V)$  a  $U = f(p)$ .

6. **Praktická úloha: Určení modulu pružnosti v tahu z průhybu tyče.**

*Teorie:*

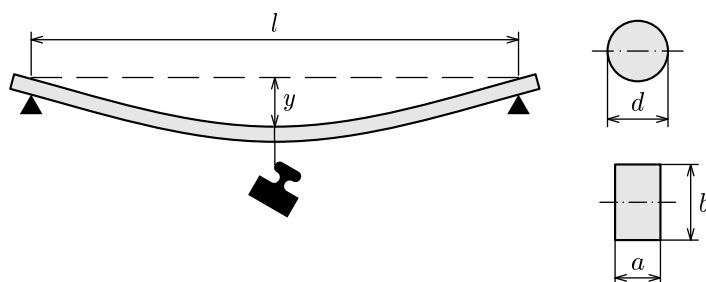
Tyč délky  $l$  podepřenou na koncích zatížíme uprostřed silou o velikosti  $F$  realizovanou pomocí závaží (obr. 5). Velikost průhybu je určena vztahem

$$y = \frac{Fl^3}{48EJ},$$

kde  $E$  je *Youngův modul pružnosti v tahu* materiálu tyče a  $J$  je *plošný moment setrvačnosti průřezu tyče*, který vypočítáme jako

$$J = \frac{\pi d^4}{64} \quad \text{u tyče kruhového průřezu,}$$

$$J = \frac{ab^3}{12} \quad \text{u tyče obdélníkového průřezu ( $b$  je výška tyče).}$$

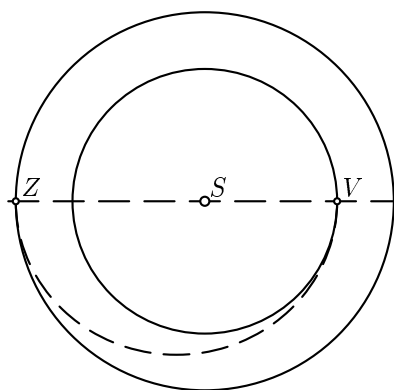


Obr. 5

*Úkol:*

Navrhněte a prakticky realizujte měření modulu pružnosti v tahu na základě uvedených vztahů. Jako tyče použijte silnější ocelové dráty různého průměru a délky. Měření případně opakujte i pro dráty z jiného materiálu. Zhodnoťte přesnost měření. Získané výsledky porovnejte s tabulkovými hodnotami.

7. Planeta Země se pohybuje kolem Slunce po trajektorii, která má přibližně tvar kružnice o poloměru  $149,6 \cdot 10^6$  km s dobou oběhu 365,24 dne. Pozorovatel na Zemi sleduje delší dobu planetu Venuši na obloze buď večer jako Večernici nebo ráno jako Jitřenku. Venuši můžeme pozorovat nejdále v úhlové vzdálenosti  $46^{\circ}20'$  od středu zapadajícího Slunce a stejná situace se opakuje vždy po 1,5987 roku. Také trajektorie Venuše má přibližně tvar kružnice a obě trajektorie jsou přibližně v téže rovině.



Obr. 6

- Stanovte vzdálenost Venuše od Slunce.
- Ze synodické doby oběhu Venuše stanovte její siderickou dobu oběhu kolem Slunce.
- Na základě údajů o pohybu obou planet určete hmotnost Slunce.
- Ověřte, že pro Zemi a Venuši je splněn 3. Keplerův zákon.
- Kosmická sonda se vydala po energeticky výhodné trajektorii tvaru elipsy ze Země k Venuši (obr. 6). Za jakou dobu k Venuši dorazí?
- Ze Země je Slunce vidět pod zorným úhlem  $32'$ . Pod jakým zorným úhlem uvidíme Slunce ze sondy v blízkosti Venuše?